### Optimisation du facteur de mérite : l'exemple des oxydes de cobalt

### S. Hébert

### Laboratoire CRISMAT UMR6508 CNRS et ENSICAEN

GDR Thermoélectricité, Nancy, juillet 2009







### Plan de l'exposé

#### Introduction : comment augmenter ZT?

### **Nanostructuration**

Augmentation du facteur de puissance + réduction de la conductivité thermique

Seduction de la conductivité thermique

### **Corrélations électroniques**

Augmentation du facteur de puissance

Les oxydes de cobalt
 à structure lamellaire désaccordée



• Formule de Mott :  $S = \frac{\pi^2 k_B^2}{3e} T(\frac{\partial \ln \sigma(E)}{\partial E})_{E=E_F}$  $\sigma(E) = en(E) \mu(E)$ S dépend de n(E), et de la position de  $E_F$ 

• <u>Résistivité</u> :  $\rho^{-1} = en(E)\mu(E)$ Forte mobilité

### Conductivité thermique

Terme électronique lié à ρ<sup>-1</sup> (Wiedemann Franz) Terme de réseau à minimiser



Facteur de puissance Modification de DOS Corrélations électroniques

Conductivité thermique phononique Grattling' Nanostructuration

### **Nanostructuration**

### Formule de Mott



Tse et al., Handbook of Thermoelectricity (2006)





Hicks et Dresselhaus, PRB47, 12727 (1993) Hicks et Dresselhaus, PRB47, 16631 (1993)

# ZT = 2.5! Superréseaux Bi<sub>2</sub>Te<sub>3</sub>/Sb<sub>2</sub>Te<sub>3</sub>



Figure 3 Temperature dependence of ZT of 10Å/50Å p-type Bi<sub>2</sub>Te<sub>3</sub>/Sb<sub>2</sub>Te<sub>3</sub> superlattice compared to those of several recently reported materials.

Venkatasubramanian et al., Nature 413, 597 (2001)

# Diffusion des phonons aux interfaces

Venkatasubramanian, PRB61, 3091 (2000)

Amélioration de la mobilité + Réduction de κ<sub>L</sub>



FIG. 3. Experimental lattice thermal conductivity ( $K_L$ ) and calculated average phonon mean free path ( $l_{mfp}$ ) as a function of the period in Bi<sub>2</sub>Te<sub>3</sub>/Sb<sub>2</sub>Te<sub>3</sub> superlattices and other reference materials. Note: There are three data points, almost on top of each other, at the 60 Å period, corresponding to 30 Å/30 Å, 10 Å/50 Å, 20 Å/40 Å structures.

### Nanofils de silicium

A. I. Hochbaum et al., Nature 451, 163 (2008)A. I. Boukai et al., Nature 451, 168 (2008)

Si:ZT ~ 0.01 à 300K

Section 2005 Secti

Effet principalement lié aux Phonons :

réduction de  $\kappa$  + phonon drag pour S





### **2D electron gas in SrTiO<sub>3</sub>**

H. Ohta et al., Nat. Mater. 6, 129 (2007)



### Réduction de la conductivité thermique 'Phonon glass'

### Phonon glass / Electron crystal

 Atomes lourds dans des cages ('rattling')



- Structures cristallines complexes
  - Solutions solides

Matériaux composites
 Diffusion sur les défauts ponctuels
 Diffusion par les joints de grains

Nanostructures



## Nanograins Si<sub>95</sub>Ge<sub>5</sub> dopés P

#### Increased Phonon Scattering by Nanograins and Point Defects in Nanostructured Silicon with a Low Concentration of Germanium

G. H. Zhu,<sup>1</sup> H. Lee,<sup>2</sup> Y. C. Lan,<sup>1</sup> X. W. Wang,<sup>1</sup> G. Joshi,<sup>1</sup> D. Z. Wang,<sup>1</sup> J. Yang,<sup>1</sup> D. Vashaee,<sup>3</sup> H. Guilbert,<sup>1</sup> A. Pillitteri,<sup>1</sup> M. S. Dresselhaus,<sup>4</sup> G. Chen,<sup>2,\*</sup> and Z. F. Ren<sup>1,\*</sup>

<sup>1</sup>Department of Physics, Boston College, Chestnut Hill, Massachusetts 02467, USA <sup>2</sup>Department of Mechanical Engineering, Massachusetts Institute of Technology, Cambridge, Massachusetts 02139, USA <sup>3</sup>Department of Electrical and Computer Engineering, Oklahoma State University, Tulsa, Oklahoma 74106, USA <sup>4</sup>Department of Electrical Engineering and Computer Science, Massachusetts Institute of Technology, Cambridge, Massachusetts 02139, USA (Received 26 November 2008; published 14 May 2009)

Faible composition en Ge : bonnes propriétés électriques (moins de diffusion pour les électrons et bonne solubilité du P)

Nanograins (5 -20nm) : diffusion liée aux interfaces

Ge : responsable de diffusion sur des défauts ponctuels (phonons  $\lambda$  <1nm)



### Nanostructuration : WSe<sub>2</sub> et superréseaux



**Fig. 2.** Summary of measured thermal conductivities of WSe<sub>2</sub> films as a function of the measurement temperature. Each curve is labeled by the film thickness. Data for a bulk single crystal are included for comparison. Error bars are the uncertainties propagated from the various experimental parameters used to analyze the data (*6*). The ion-irradiated sample (irrad) was subjected to a 1-MeV Kr<sup>+</sup> ion dose of  $3 \times 10^{15}$  cm<sup>-2</sup>. The dashed line marked  $\Lambda_{min}$  is the calculated minimum thermal conductivity for WSe<sub>2</sub> films in the cross-plane direction.



Défauts d'empilement ৬ réduction de κ Modification artificielle des empilements



0.05Wm<sup>-1</sup>K<sup>-1</sup> à 300K!

FIG. 2. Cross-plane thermal conductivity of three-component  $Bi_2Te_3/TTE_2/Sb_2Te_3$  films (filled triangle) and two-component  $Bi_2Te_3/Sb_2Te_3$  films (open triangle) annealed at 250 °C. Open circles are thermal conductivities for  $Bi_2Te_3/Sb_2Te_3$  superlattices in Ref. 25. Minimum thermal conductivity for  $Bi_2Te_3$  (dashed line) was calculated using the model in Ref. 26 and is included for comparison.

#### Facteur de puissance en cours d'étude

Chitirescu et al., Science315, 351 (2007); JAP104, 033533 (2008)

## **Corrélations électroniques** Terme diffusif Terme haute T (formule de Heikes)

### **Corrélations électroniques**



Kondo insulators, Fermions lourds, oxydes...

A. Georges et al, Review of Modern Physics 68, 13 (1996)

### Augmentation de S liée aux corrélations électroniques

$$S = \frac{\pi^2 k_B^2}{3e} T\left(\frac{\partial \ln \sigma(E)}{\partial E}\right)_{E=E_F}$$
$$C_{el} / T = \gamma = \frac{\pi^2}{3} k_B^2 N(E_F)$$

Rapport : S / chaleur spécifique C<sub>el</sub> Limite  $T \rightarrow 0$ = cste  $\gamma$ : partie électronique de la chaleur spécifique 0.5 < |q| < 2

K. Behnia et al. JPCM 16, 5187 (2004)



### 'Strongly correlated semiconductor FeSb<sub>2</sub>'

A. Bentien et al., EPL80, 17008 (2007)



Comparaison avec RuSb<sub>2</sub>, isostructural : Pas d'effet de phonon drag (pas observé dans RuSb<sub>2</sub>)

Terme diffusif \*10 lié aux corrélations électroniques

P. Sun et al., PRB79, 153308 (2009)

Effet similaire observé dans FeSi N. E. Sluchanko et al., EPL51, 557 (2000)



### Modèle de Hubbard

$$S = \frac{-S^{(2)} / S^{(1)} + \mu / |e|}{T} \rightarrow \frac{\mu / |e|}{T} \qquad \text{for } T \rightarrow \infty$$

S<sup>(1)</sup>, S<sup>(2)</sup>: depends on v and Q, velocity and energy operators Valid for narrow band systems with strong interactions

#### Limit $T \rightarrow \infty$ : S ~ entropy / carrier



Chaikin et al. Phys. Rev. B 13, 647 (1976)

### Entropie de spin

Terme supplémentaire de dégénérescence de spin dans la formule de Heikes

Pour un cation à valence mixte M<sup>n+</sup> / M<sup>(n+1)+</sup>:  $\beta = \frac{2S_n + 1}{2S_{n+1} + 1}$ 



J. P. Doumerc JSSC 110, 419 (1994)

## Dégénérescence de spin et d'orbitale Co<sup>3+</sup> (3d<sup>6</sup>)/Co<sup>4+</sup> (3d<sup>5</sup>)

J. P. Doumerc JSSC 109, 419 (1994) W. Koshibae et al., Phys. Rev. B 62, 6869 (2000)



 $x : Co^{4+}$  concentration

Les oxydes de cobalt à structure lamellaire désaccordée

### NaCo<sub>2</sub>O<sub>4</sub> ' Phonon Glass / Electron crystal '

I. Terasaki et al., Phys. Rev. B 56, R12685 (1997)

(µ//K)

Z (10<sup>-4</sup>K<sup>-1</sup>

![](_page_21_Figure_2.jpeg)

### Famille des bronzes de cobalt Na<sub>x</sub>CoO<sub>2</sub>

C. Fouassier et al., JSSC6, 532 (1973)

![](_page_22_Figure_2.jpeg)

![](_page_22_Figure_3.jpeg)

![](_page_22_Figure_4.jpeg)

![](_page_22_Figure_5.jpeg)

Fig. 7. Temperature dependence of the thermoelectric power of quenched pellets.

J. Molenda, C. Delmas, P. Dordor, A. Stoklosa, Solid Stat. Ionics 12, 473 (1989)

#### Propriétés Haute T de Na<sub>x</sub>CoO<sub>2</sub>

K. Fujita et al. JJAP40, 4644 (2001)

![](_page_23_Figure_2.jpeg)

Mesures cristaux / polycristaux

Cristaux : 1.5 × 1.5 × 0.03 mm<sup>3</sup>

#### ZT ~ 1 pour les cristaux à 800K

![](_page_23_Figure_6.jpeg)

![](_page_24_Figure_0.jpeg)

NaxCoO2 \_ Fujita : JJAP 40, 4644 (2001); SrTiO3 \_ Muta : J. Alloys and compounds 350, 292 (2003); Ca2.4Bi0.3Na0.3Co4O9 \_ Xu : APL80, 3760 (2002); Whiskers BiSrCoO \_ Funahashi : APL81, 1459 (2002); Ca3Co2O6 \_ Mikami : JAP94, 10 (2003); 2DEGs(SrTiO3) \_ Ohta : Nature Materials 6, 129 (2007); Ca3Co4O9 crystal \_ Shikano : APL 82, 1851 (2003); LaSrCoO \_ Androulakis : APL84, 1099 (2004); ZnAIO \_ Ohtaki : JAP79, 1816 (1996)

### Dégénérescence de spin et d'orbitale Co<sup>3+</sup> (3d<sup>6</sup>)/Co<sup>4+</sup> (3d<sup>5</sup>)

J. P. Doumerc JSSC 109, 419 (1994) W. Koshibae et al., Phys. Rev. B 62, 6869 (2000)

![](_page_25_Figure_2.jpeg)

 $x : Co^{4+}$  concentration

Influence de la structure de bande?

#### **Rhombohedral crystalline field**

# Lifting of the t<sub>2g</sub> levels degeneracy D. J. Singh, Phys. Rev. B 61, 13397 (2000)

![](_page_26_Figure_4.jpeg)

Peak in  $N(E_F)$ 

$$\frac{S}{T} = \frac{\pi^2 k^2}{3e} \left(\frac{d \ln(\sigma)}{dE}\right)_{E=E_{r}}$$

with  $\sigma = N(E) < v_F(E)^2 >$ 

 $a_{1g}$ : localized moments / heavy holes e 'g : mobile carriers / light holes

T. Yamamoto et al., Phys. Rev. B 65, 184434 (2002)

 $S = +110 \mu V/K$ at 300K calculated for  $NaCo_2O_4$ 

#### Oxydes lamellaires à base de plans CoO<sub>2</sub>

![](_page_27_Figure_1.jpeg)

![](_page_27_Figure_2.jpeg)

 $\begin{array}{l} \mathsf{Na_xCoO_2}\\ \mathsf{K_xCoO_2}, \ldots \end{array}$ 

![](_page_27_Figure_4.jpeg)

Famille misfit : 2, 3 ou 4 plans séparateurs

Formule de Heikes : influence du dopage? Influence de la structure de bande : particularité des plans CoO<sub>2</sub> ? Rôle des plans séparateurs?

### The misfit family

• n = 4  $[Bi_2A'_2O_4]^{RS}[CoO_2]_{b1/b2}$   $A' = Ca^{2+}, Sr^{2+} \text{ or } Ba^{2+}$ • n = 3  $[A'_2CoO_3]^{RS}[CoO2]_{b1/b2}$   $A' = Ca^{2+} \text{ or } Sr^{2+}$ • n = 2  $[Sr_2O_2]^{RS}[CoO2]_{b1/b2}$  $[Ca_2(OH)_2]^{RS}[CoO_2]_{b1/b2}$ 

#### NaCl-like triple layer (RS)

![](_page_28_Picture_3.jpeg)

![](_page_28_Picture_4.jpeg)

#### $CoO_2$ (type $CdI_2$ )

Leligny et col., C. R. Acad. Sci. Paris, t. 2, Série II c, 409 (1999)

Boullay et col., Chem. Mater. 8, 1482 (1996)

Masset *et col.*, Phys. Rev. B 62, 166 (2000) Yamauchi *et col.*, Chem. Mater. 18, 155 (2005)

#### Ca<sub>3</sub>Co<sub>4</sub>O<sub>9</sub> single crystals

A. C. Masset et al., Phys. Rev. B 62, 166 (2000)

![](_page_29_Figure_2.jpeg)

#### **Two different behaviours at low T**

![](_page_30_Figure_1.jpeg)

Different resistivities but same S(T) Only a shift of S

#### **Thermal conductivity**

![](_page_31_Figure_1.jpeg)

Wiedemann-Franz law :

$$\frac{\kappa_{\rm el}}{\sigma T} = \frac{3}{2} \left(\frac{k_{\rm B}}{e}\right)^2$$

 $\kappa_{el} \sim 0.03 Wm^{\text{--}1}K^{\text{--}1}$  at 300K

 $\kappa$  mainly from phonons

#### Influence du dopage dans les misfits

![](_page_32_Figure_1.jpeg)

$$\mathbf{v}_{Co} = 4 - \frac{\alpha}{b_1 / b_2}$$

Modification de  $v_{Co}$  via  $\alpha$  et  $b_1/b_2$ Lien entre  $v_{Co}$  et S?

![](_page_33_Figure_0.jpeg)

#### **BiSrPbCoO** single crystals : modification of $\alpha$

![](_page_34_Figure_1.jpeg)

At 100K  $1.73 \times 10^{21}$  cm<sup>-3</sup> for BPSCO  $1.06 \times 10^{21}$  cm<sup>-3</sup> for BSCO

Increase of  $v_{Co}$ 3.109 for BSCO 3.178 for BPSCO

Increase of 'Co<sup>4+</sup>' associated to a decrease of S

From the generalized Heikes formula, increase of v<sub>Co</sub> 3.59 for BSCO and 3.65 for BPSCO

W. Kobayashi et al., JPCM21, 235404 (2009)

#### **BiCaCoO/ BiSrCoO/ BiBaCoO single crystals**

![](_page_35_Figure_1.jpeg)

S not affected by the strong modification of p

![](_page_35_Figure_3.jpeg)

W. Kobayashi et al.

If  $b_1/b_2$ , carrier concentration

$$\mathbf{v}_{Co} = 4 - \frac{\alpha}{b_1 / b_2}$$

\$S at 300K depends on doping  $V_{Co} = 3.05 - 3.15$  (Hall effect)?

### **Carrier concentration changes with misfit ratio b<sub>1</sub>/b<sub>2</sub>**

![](_page_36_Figure_1.jpeg)

Co<sup>3.2+</sup> for BiSrCoO

Co<sup>3.1+</sup> for BiCaCoO

- $\rightarrow$  similar to  $k_{\rm F}$  of Na<sub>x</sub>CoO<sub>2</sub> (x=0.7)
- Co<sup>3.3+</sup> for BiBaCoO
  V. Brouet et al., PRB76, 100403 (2007)

### **Comparison with Na<sub>x</sub>CoO<sub>2</sub>**

![](_page_37_Figure_1.jpeg)

**NMR experiments** 

Comparison of Seebeck coefficients of misfits and Na<sub>x</sub>CoO<sub>2</sub>

Confirms the Co<sup>4+</sup> content determined through ARPES measurements

b<sub>1</sub>/b<sub>2</sub> Bi/Ca/Co/O : 3.1 Bi/Sr/Co/O : 3.2 Bi/Ba/Co/O : 3.3

$$\mathbf{v}_{\mathrm{Co}} = 4 - \frac{\alpha}{\mathbf{b}_1 / \mathbf{b}_2}$$

J. Bobroff et al., PRB76, 100407 (2007)

#### **Heikes formula**

![](_page_38_Figure_1.jpeg)

 $g_3 / g_4 = 1/2$  instead of 1/6? Confirms the results in BiCaCoO :  $v_{Co} = 3.24$ M. Pollet et al., JAP101, 083708 (2007)

#### Importance des corrélations électroniques

![](_page_39_Figure_1.jpeg)

P. Limelette, PRB71, 233108 (2005)

P. Limelette, PRL97, 046601 (2006)

#### **Spin entropy at low T**

![](_page_40_Figure_1.jpeg)

### Pouvoir thermoélectrique des misfits

![](_page_41_Figure_1.jpeg)

#### **Power factor P in Bi family**

![](_page_42_Figure_1.jpeg)

In conventional semiconducting thermoelectric material such as  $Bi_2Te_3$ , *n* is an important parameter to tune the properties.

How to modify the electronic properties? Other structures with Cdl<sub>2</sub> type layers?

## Ba<sub>1.2</sub>Rh<sub>8</sub>O<sub>16</sub> hollandite

![](_page_43_Figure_1.jpeg)

15

10

0

50

100

150

Temperature (K)

200

250

300

Hall effect : 1.01 × 10<sup>22</sup> cm<sup>-3</sup> at 300K

For comparison :  $190.10^{-4}$  Wm<sup>-1</sup>K<sup>-2</sup> for Na<sub>0 88</sub>CoO<sub>2</sub> at 75K W.Kobayashi et al., PRB79, 085207 (2009)

#### $Na_xCoO_2$ Misfits

### **Conductivité thermique**

![](_page_44_Figure_2.jpeg)

Influence de l'incommensurabilité?

A. Satake et al., JAP96, 931 (2004)

0

0

Ca<sub>3</sub>Co<sub>4</sub>O<sub>9</sub>

Temperature (K)

200

300

100

### Comportement unique des plans Cdl<sub>2</sub> : Comparaison avec d'autres oxydes

![](_page_45_Picture_1.jpeg)

Perovskite  $Sr_{2/3}Y_{1/3}CoO_{8/3+\delta}$ 

Octaèdres liés par les sommets (≠ liés par les arêtes)

![](_page_45_Figure_4.jpeg)

A. Maignan et al., JSSC178, 868 (2005)

### *Type p : Pr*<sub>1-x</sub>Ca<sub>x</sub>CrO<sub>3</sub> **Les orthochromites**

![](_page_46_Figure_1.jpeg)

Type p :  $Pr_{1-x}Ca_xCrO_3$ 

![](_page_47_Figure_1.jpeg)

Marsh and Parris, Phys. Rev. B 54, 7720 (1996)

 $3d^2$ 

![](_page_48_Figure_0.jpeg)

Metallic up to high T / S linear in T :  $S = \pi^2 \times k_B/3e \times k_BT(\partial \ln \sigma(E)/\partial E)$ Power factor increases as T increases :  $PF = 9.10^{-4}Wm^{-1}K^{-2}$  for x=0.02 at 800K

A. Maignan et al., Phys. Rev. B 58, 2578 (1998), J. Hejtmanek et al., PRB60, 14057 (1999)

### Conclusion

![](_page_49_Figure_1.jpeg)

#### **Misfits**

- Taux de porteurs élevé ~ 10<sup>21</sup>cm<sup>-3</sup>
- Coexistence métallicité + valeur élevée de S
- Formule généralisée de Heikes , avec  $\beta$  =  $\frac{1}{2}$

![](_page_50_Figure_0.jpeg)

J. Bobroff et al. PRB76, 100407 (2007)

### **Collaborateurs**

Laboratoire CRISMAT Wataru Kobayashi, Denis Pelloquin, Antoine Maignan, Charles Simon, Raymond Frésard

Patrice Limelette, LEMA, Tours

Collaborations Julien Bobroff, Véronique Brouet, LPS Orsay Jiri Hejtmanek, Prague