LA COMPREHENSION DU PTA DES MILIEUX DESORDONNES PEUT ELLE ÊTRE ETENDUE AUX MILIEUX ORDONNES ?

Jean-Georges GASSER

Laboratoire de Physique des Milieux Dense, Institut de Chimie, Physique et Matériaux, Université Paul Verlaine - Metz, 1 Bd Arago, 57078

Metz cedex 3, France.

Ceci est la synthèse d'un travail effectué avec la collaboration de Prof. Joseph HUGEL

Et de différents doctorants: Dr. A. Makradi, Dr. H. Zrouri, Dr. A. Ben Abdellah.

Cause Effet **Propriétés physiques** Gradient de Conductivité **Densité de** Thermique λ température Flux de chaleur $-\lambda \vec{\nabla} T$ $Q_e = \vec{J}_e = \vec{J}_e$ $-\sigma \vec{\nabla} V = \sigma \vec{E}$ Gradient de **Densité de** Conductivité potentiel courant Électrique σ Effets croisés: 3 effets thermoelectriques:

•Effet Seebeck ou Pouvoir Thermoélectrique Absolu S_A •Effet Peltier π_A •Effet Thomson $h_A(T)$ 3 On trouve une relation entre π et S $\pi = \frac{-K_{21}}{K_{12}}T_KS = T_KS$

C'est la première relation de Kelvin-(Onsager);

$$h = T_{K} \frac{dS}{dT_{K}} d' où S = \int_{T=0}^{T} \frac{hdT}{T_{K}}$$

La seconde relation de Kelvin relie le coefficient de Thomson h au coefficient de Seebeck S

$$\lambda = \frac{\left(L_0 - S^2\right)T_K}{\rho} = \left(L_0 - S^2\right)T_K\sigma$$

La conductivité thermique est reliée à la conductivité électrique et au PTA. Négliger S conduit à la relation de Wiedemann-Franz

On NE PEUT PAS mesurer les coefficients de Seebeck et Peltier d'un composant élémentaire (élément pur ou alliage), car pour faire une mesure il faut toujours fermer le circuit avec un autre composant.

On peut uniquement mesurer la différence de coefficients Seebeck ou Peltier. On peut mesurer l'effet Thomson d'un élément (métal ou alliage), mais c'est une expérience très difficile.

En pratique ceci a été réalisé au « National Bureau of Standards » par Roberts pour du **platine très pur qui est maintenant l'étalon de thermoélectricité.**

Grâce à la seconde loi de Kelvin **on peut** déduire le coefficient de Seebeck d'un **élément**,

$$S = \int_{T=0}^{T} \frac{hdT}{T_{K}}$$

5

Si le calcul est poursuivi, on peut finalement montrer que l'on a (cf. Ziman principles of the theory of solids)

$$S(E) = \frac{\pi^{2}}{3} \frac{k_{B}^{2} T_{K}}{e} \left[\frac{\partial \ln \sigma(E)}{\partial E} \right]_{E = \mu_{F}}$$

υu

$$S(E) = \frac{\pi^2 k_B^2 T_K}{3|e|E} \left| \frac{\partial \ln(\rho(E))}{\partial \ln(E)} \right|$$

Le coefficient de Seebeck est proportionnel à la dérivée de la résistivité électrique par rapport à l'énergie

Quelle est cette énergie ?

COMPRÉHENSION DE LA PHYSIQUE DU TRANSPORT ÉLECTRONIQUE

PROPRIÉTÉS DES MÉTAUX LIQUIDES ET ALLIAGES

Cette interprétation théorique vaut aussi bien pour les métaux liquides que pour les verres métalliques



Un alliage liquide (respectivement amorphe) est un arrangement plus ou moins aléatoire des ions et des électrons.⁸

Diffusion par un potentiel



Les électrons internes se comportent comme les neutrons ou rayons de X diffusés par la matière dense

COMMENT PEUT ON OBTENIR LES PROPRIÉTÉS DE TRANSPORT ÉLECTRONIQUE DES MÉTAUX LIQUIDES ?

1) CONSTRUCTION UN POTENTIEL ATOMIQUE



2) SUPERPOSITION DES POTENTIELS ATOMIQUES OU IONIQUES POUR CONSTRUIRE UN POTENTIEL POUR LA MATIÈRE DENSE DÉSORDONNÉE (POTENTIEL « MUFFIN TIN ») 3) DÉTERMINATION DE L'ÉNERGIE DE FERMI

ε est à l'énergie relative au vide (utilisée dans le formalisme des pseudopotentiels)
 E est l'énergie relativement à la valeur la plus élevée du potentiel)



11





Un potentiel sphérique est construit pour des valeurs de r entre 0 et le rayon de muffin tin R_{MT} (sphère rouge).

Pour tenir compte de la région interstitielle, un potentiel de recouvrement est construit entre le rayon R_{MT} de muffin tin et le rayon R_{WS} de Wigner Seitz (sphère verte) 13





Un électron dans l'état k de la sphère de Fermi est diffusé à l'état k' de cette même sphère sous l'effet d'un potentiel V

le vecteur de diffusion est q=k'-k

L'état k doit être occupé, l'état k' doit être libre

On somme sur toutes les diffusions possibles

Tous les états à l'intérieur de la sphère de Fermi sont occupés

Tous les états à l'extérieur sont libres

3 - Résistivité et PTA. La formule de Ziman étendue :

$$\rho(E) = \frac{3\pi^2 m_e^2 \Omega_0}{4e^2 \hbar^3 k^6} \int_0^{2k} a(q) |t(q, E)|^2 q^3 dq$$

 $-\Omega_0$ est le volume atomique- **a** (**q**) est le facteur de structure. La transformée de Fourier [g (r) - 1] de [a (q) - 1] définit g (r) la probabilité de trouver un atome à la distance **r d'un** atome d'origine. - Le carré de la matrice $|\mathbf{t}(\mathbf{q}, \mathbf{E})|^2$ est caractéristique de la diffusion d'un électron par un potentiel muffin tin .

-- **q** est le vecteur d'onde de transfert entre l'onde de l'électron incident et l'onde de l'électron diffusé.

E est relié à k par

avec :

par
$$E = \hbar^2 k^2 / (2m^*) + E_B$$

$$t(q,E) = -\frac{2\pi\hbar^3}{m\sqrt{2mE}\Omega_0} \sum_{\ell} (2\ell+1)\sin\eta_{\ell}(E)\exp(i\eta_{\ell}(E))P_{\ell}(\cos\theta)$$

Dans la formule de Ziman, l'énergie apparaît dans le préfacteur (**k**⁶), dans la limite intégrale supérieure **k** et dans la matrice t

t (q, E)² Equation de Boltzmann – Factorisation - Théorie de la diffusion¹⁶

Nous nous rappelons que le PTA est la dérivée de la conductivité (ou de la résistivité) par rapport à l'énergie

$$S(E) = \frac{\pi^{2}}{3} \frac{k_{B}^{2} T_{K}}{e} \left[\frac{\partial \ln \sigma(E)}{\partial E} \right]_{E = \mu_{F}}$$

$$OU$$

$$S(E) = \frac{\pi^{2} k_{B}^{2} T_{K}}{3|e|E} \left| \frac{\partial \ln(\rho(E))}{\partial \ln(E)} \right|$$

Théorie de Ziman

L'approche d'électron libre de Ziman donne une assez bonne description de la résistivité et du PTA des métaux liquides.



ESSAYONS DE COMPRENDRE LES RÉSULTATS EXPÉRIMENTAUX



Nous avons représenté plusieurs calculs ab initio de la résistivité qui sont toujours des fonctions décroissantes de l'énergie. De ce fait le PTA est négatif Thèse de Makradi 20



Ici nous avons représenté plusieurs calculs ab initio du PTA qui sont toujours des fonctions négatives de l'énergie. Cette règle explique le PTA négatif de la plupart des métaux liquides polyvalents (In, Ga, Al, Ge, Sn, Pb, Bi) Le PTA du zinc liquide est positif. Le signe positif est en contradiction avec notre première approximation. a (q) | t (q) | ²≈ constante



$$\rho(E) = \frac{3\pi^2 m_e^2 \Omega_0}{4e^2 \hbar^3 k^6} \int_0^{2k} a(q) |t(q, E)|^2 q^3 dq$$

a(q)

Mais une explication peut facilement être trouvée ! Il suffit de se rappeler que le facteur de structure est une courbe qui présente un maximum, ainsi la courbe de résistivité en 1/E est modulée par le maximum du facteur de structure. Elle présente un maximum près de l'énergie de FERMI. Si l'énergie de Fermi est sur la partie croissante de la courbe de résistivité le PTA est positif. C'est le cas pour les métaux nobles et divalents qui présentent un PTA <u>pos</u>itif



Sur la figure ci contre nous observons le comportement général en 1/E fortement modulé par le premier pic du facteur de structure.

 $t^2(q)$

L'énergie de Fermi est à gauche du maximum expliquant clairement pourquoi le PTA du zinc est positif

Pour tout les potentiels ab initio utilisés, le PTA calculé est toujours positif



Thèse de Makradi



 $\rho(E) = \frac{3\pi^2 m_e^2 \Omega_0}{4e^2 \hbar^3 k^6} \int_0^{2k} a(q) |t(q, E)|^2 q^3 dq$

Avec l'argent liquide nous observons l'apparition d'une seconde modulation de la courbe en 1/E

Ce nouveau maximum vient d' une diffusion résonnante. Il est dû à la bande d qui présente a résonance due au déphasage η_2 qui prend la valeur $\pi/2$.

La densité d'états est maximum à cette valeur d'énergie qui est située au fond la bande s.



Le PTA positif des métaux nobles est dû au fait que l'énergie de Fermi se trouve sur la partie croissante du pic du facteur de structure, comme pour les métaux divalents.



Nous représentons ici le déphasage η_2 responsable de la diffusion résonnante

Antimoine pur

Notre expérience



Le PTA expérimental de l'antimoine est positif

Thèse de Mhiaoui





Thèse de Mhiaoui



and crystalline (b) Sb.

- 1. La formule de Ziman est seulement valide pour une bande d'électrons libre.
- 2. La vraie densité des états peut présenter
 * un gap (comme pour Sb) la valence doit être Z=3 ou un
 - * **pseudogap** (bande p de Sb par exemple) comme calculé par Hafner.
- Il est nécessaire de tenir compte de l'existence d'un gap et d'un pseudogap dans la formule de Ziman de la résistivité ρ et du PTA.

31



Mott a proposé de corriger le libre parcours

moyen à l'énergie de Fermi :



Faber a démontré que :

 $\rho = \frac{\rho_{Ziman}}{\varphi^2}$

32

Par conséquence : On peut corriger le calcul de ρ à l'énergie de Fermi

Notre proposition : utiliser la densité d'états de Hafner pour corriger la résistivité par $g^2(e)$ <u>à toute énergie</u>, <u>puis dériver pour obtenir le PTA</u>.

$$\rho(E) = \frac{\rho_{Ziman}(E)}{g^2(E)}$$



Calcul : Formalisme de Ziman Corrigé par la densité des états de Hafner



NOTA:. L'énergie de Fermi diminue de <u>0.55 à 0.40 Ry</u> Thèse de Mhiaoui Le PTA théorique devient positif

MÉTAUX DE TRANSITION

- Pour les métaux de transition on observe que le pic du facteur de structure et la résonnance d apparaissent à la même énergie.
- Nous comprenons ainsi que les premiers éléments (comme le Sc) de la série des métaux de transition doivent avoir un PTA positif, alors que les derniers (comme le nickel) doivent avoir un PTA négatif. En effet l'énergie de Fermi passe de la gauche à la droite du pic de résonnance quand le nombre des électrons d est augmenté.
- Cependant la résistivité expérimentale du manganèse est plus de cinq fois plus petite que la valeur calculée. Les résistivités élevées calculées par la théorie n'ont pas été observées expérimentalement pour les métaux de transition liquides ou leurs alliages.
- Enfin nous avons développé un nouveau formalisme basé sur le fait que des électrons de spin haut ne ressentent pas le même potentiel que des électrons de spin bas dans des métaux comme le manganèse qui ont un grand nombre d'électrons non appariés.

Dans le cadre de nos hypothèses, le potentiel ressenti par un électron de spin up n'est pas le même que le potentiel ressenti par un électron de spin down. Cela donne naissance à un mécanisme de conduction à deux bandes. La formule de Ziman (1) écrite pour un électron de spin α (α =up or down) devient:

 $\rho^{\alpha}(E) = \frac{3\pi m_{e}^{2} \Omega_{0}}{4e^{2}\hbar^{3}k^{6}} \int_{0}^{2k} a(q) |t^{\alpha}(q,E)|^{2} q^{3} dq$

$$t^{\alpha}(q,E) = -\frac{2\pi\hbar^{3}}{m\sqrt{2mE}\Omega_{o}} \sum_{l} (2l+l)\sin\eta_{l}^{\alpha}(E).\exp(i\eta_{l}^{\alpha}(E))P_{l}(\cos\theta)$$

Les déphasages $\eta^{\alpha}(E)$ sont calculés à partir de potentiels muffin tin pour chaque direction

de spin. La résistivité totale s'exprime simplement :

$$\frac{1}{\rho} = \frac{1}{\rho^{\text{up}}} + \frac{1}{\rho^{\text{down}}}$$
Thèse de Zrouri
Direction J. Hugel 35



Avec notre nouveau formalisme, nous obtenons des résultats très raisonnables. Sur cette courbe nous postulons que tout les cinq électrons d ont un spin up.

Nous avons montré qu'un nombre plus petit de spin up permettait d'expliquer les résistivités observées.





Thèse de Zrouri Direction J. Hugel

La formule de Ziman étendue peut également être employée pour des alliages

$$\rho_{alloy} = \frac{3\pi \ m^2}{\hbar^3 e^2 k_F^2} \Omega_0 \int_0^1 \ \left| t_{alloy} \right|^2 4(\frac{q}{2k_F})^3 d(\frac{q}{2k_F})$$

avec

$$c_{1}|t_{1}|^{2}[1-c_{1}+c_{1}a_{11}(q)]+c_{2}|t_{2}|^{2}[1-c_{2}+c_{2}a_{22}(q)]+c_{1}c_{2}(t_{1}^{*}t_{2}+t_{1}t_{2}^{*})[a_{12}(q)-1]$$



39

Thèse de Zrouri Direction J. Hugel



40

CONCLUSIONS

Différentes équations relient les coefficients de transport en particulier le PTA, la conductivité électrique et thermique.

Le PTA est proportionnel à la dérivée de la résistivité par rapport à l'énergie.

La résistivité fonction de l'énergie est ainsi la fonction clé.

La résistivité est une fonction en 1/E modulée par :

- le facteur de structure,
- la matrice t au carré,
- le rapport de la densité d'états divisée par celle des électrons libres.

Le PTA est positif quand l'énergie de Fermi se situe sur la partie croissante de chacune de ces fonctions de modulation. Le comportement des alliages peut également être compris en termes de résistivités en fonction de l'énergie. Le problème est de savoir comment l'énergie de Fermi passe à travers les pics de modulation.

La contribution des différents métaux est pondérée par la composition, par la position et par le déplacement de l'énergie de Fermi de l'alliage.

Puis je espérer une extension du formalisme de Ziman aux solides cristallins ?

Peut on aussi conclure quelque chose pour les solides métalliques ? (amorphes, monocristaux, poly-cristaux, quasi-cristaux avec des défauts, à température élevée)





Fig. 3. Neutron diffraction experiment of the alloy Zr₅₀Ti₅Al₁₀Cu₂₂Ni₁₃ heated under vacuum between 295 and 600 °C.



Peut on également conclure quelque chose pour des semiconducteurs ? (amorphes, liquides, cristallins)



MERCI

Résistivité et PTA utilisés comme méthode de contrôle non destructif

F. Gasser, L. Abadlia, K. Khalouk, M. Mayoufi et J. G. Gasser



Labview programm (written by Françoise Gasser) to control the simultaneous measurement of resistivity and thermopower





2000RésistivitéPTA.vi





Valeurs actuelles

Diff et Résistivité

femTctrl1

femTcrtl3

200

0.0161761457

0.0154734983



18

e boucle

Ue1

Ue2

00793363909

0791107523

Compteur d'itération

Um1

-0.00493020606

Um2

0.00465011013







Résistivité (μΩ.cm)







Pouvoir thermoélectrique absolu et la résistivité électrique de Si en fonction de la température

NOS EXPERIENCES sur les métaux liquides





La mesure de la résistivité :

- Long capillaire
- 4 électrodes
- La mesure du pouvoir thermoélectrique absolu :
- Gradient de température
- 2 couples immergés dans le métal liquide (ou en contact électrique avec le métal liquide)

•On déduit la conductivité thermique

MERCI (bis)

ANNEXE

Les coefficients de transport Quelques équations On utilise les coefficients de transport généralisés

$$\vec{J}_{e} = e^{2} K_{11} \vec{E} - (e/T_{K}) K_{12} (-\vec{\nabla}T_{K})$$
$$\vec{Q}_{e} = -/e/K_{21} \vec{E} + (1/T_{K}) K_{22} (-\vec{\nabla}T_{K})$$

 \vec{J}_e est la densité de courant \vec{Q}_e est la densité de flux de chaleur $\vec{E} = -\vec{\nabla}V$ est le gradient de potentiel $-\vec{\nabla}T$ est le gradient de température

La densité de courant et de flux de chaleur est proportionnelle au gradient de potentiel et de température

Dans la matière désordonnée (liquide ou amorphe) l'espace est isotrope. Les coefficients K_{ij} sont des scalaires (pas des tenseurs comme dans les solides)⁶³

 $\vec{J}_{\rho} = e^2 K_{11} \vec{E} - (e/T_{\kappa}) K_{12} (-\vec{\nabla} T_{\kappa})$

A gradient de température nul :

$\vec{J}_e = \sigma \vec{E} = -\sigma \vec{\nabla} V$

$$\sigma = e^2 K_{11}$$

C'est la loi d'Ohm microscopique, σ est la conductivité électrique

$$\vec{Q}_e = -/e/K_{21}\vec{E} + (1/T_K)K_{22}(-\vec{\nabla}T_K)$$

Toujours à gradient de température nul :

$$\vec{Q}$$
 = - / e / K $_{21}$ \vec{E} = - $\frac{/ e / K _{21}}{e^2 K _{11}}$ \vec{J}_e = $\pi \vec{J}_e$

π est le coefficient de PELTIER

$$\vec{J}_{e} = e^{2} K_{11} \vec{E} - (e/T_{K}) K_{12} (-\vec{\nabla}T_{K})$$

• A densité de courant nul (circuit ouvert)

$$\vec{E} = \frac{-K_{12}}{(/e'/K_{11}T_{K})} (-\vec{\nabla}T_{K}) = S \vec{\nabla} T_{K}$$

S est le Pouvoir Thermoélectrique Absolu ou coefficient de Seebeck) d'**UN** conducteur

$$\vec{J}_{e} = e^{2} K_{11} \vec{E} - (e/T_{K}) K_{12} (-\vec{\nabla}T_{K})$$
$$\vec{Q}_{e} = -/e/K_{21} \vec{E} + (1/T_{K}) K_{22} (-\vec{\nabla}T_{K})$$

• Toujours à densité de courant nul (circuit ouvert)

$$Q_{e} = -\lambda \nabla T$$

$$A = \frac{K_{22}K_{11} - K_{12}K_{21}}{T_{K}K_{11}} \lambda = \frac{(L_{0} - S^{2})T_{K}}{\rho} = (L_{0} - S^{2})T_{K}\sigma$$

C'est la loi de Fourier: λ est la conductivité thermique

67

Ceci nécessite la détermination expérimentale du coefficient de Thomson par des études calorimétriques entre 0 K et la température considérée. (1600 Celsius) en mesurant le dégagement de chaleur produit par effet Thomson (qui représente environ 1% de l'effet Joule !!!)

Puis, grâce à la première loi on obtient le coefficient de Peltier.

On mesure le coefficient de Seebeck d'un couple.

Connaissant le coefficient de Seebeck d'un élément (platine) obtenu par la mesure du coefficient de Thomson, On peut obtenir le coefficient de Seebeck de tout autre élément (sous forme d'élément pur ou d'alliage). Le courant électrique transporté par un electron est

 $e\vec{v}f_k$

Le flux de chaleur transporté par un electron est

$$(E_k - \mu_e)\vec{v}f_k$$

Le courant et le flux de chaleur transporté par tous les porteurs est:

$$\vec{J} = q \int_{ZB} \vec{v} f_k \, \frac{dV_k}{4\pi^3}$$

$$\vec{Q} = q \int_{ZB} (E_k - \mu_e) \vec{v} f_k \frac{dV_k}{4\pi^3}$$

69

Quelques formules

Formalisme de Kubo Greenwood



70

 $P(\theta) \propto \left| \left\langle \vec{k} \left| T \right| \vec{k'} \right\rangle \right|^2 N(E_F)$